

```

lerne zeichne :a :b :Farb :Grösse
farbeigel :Farb
setze "a runde (( :a + :Breite ) * :zoom )
setze "b runde (( :b + :Breite ) * :zoom )
punkt [ ( :a - ganzzahl ( :Grösse / 2 ) ) ( :b - ganzzahl ( :Grösse / 2 ) ) ]
ende

```

lerne Mandelbrot

```

löschttext
setze "i Zeit
setze "Uhr1 Element :l 1
setze "min1 Element :l 2
setze "sec1 Element :l 3
setze "milli1 Element :l 4
bild verstecktigel
setze "zahl_iter 20
setze "max_Dist 4
teil [ "Breite" "zoom ]
setze "Breite 2
setze "Grösse 200 // bestimm die fractale Größe des Mathematisches Raums. //
setze "hinzugebe ( : Breite * 2) / :Grösse
setze "zoom ( :Grösse / ( 2 * :Breite ) )
setze "yo - :Breite
solange :yo < :Breite [
  setze "xo - :Breite
  solange :xo < :Breite [
    setze "x :xo setze "y :yo
    setze "x2 potenz :x 2
    setze "y2 potenz :y 2
    setze "Dist potenz ( : x2 + :y2 ) 0,5
    setze "i 0
    solange (( :i < :zahl_iter ) und ( :Dist <= :max_Dist )) [
      setze "x1 :x2 - :y2 + :xo
      setze "y1 ( 2 * :x * :y ) + :yo
      setze "x :x1 setze "y :y1
      setze "x2 potenz :x 2
      setze "y2 potenz :y 2
      setze "Dist potenz ( :x2 + :y2 ) 0,5
      setze "i :i + 1
    ]
  ]
]
prüfe ( :Dist <= :max_Dist )
wennwahr [
  setze "Farb 500 + (ganzzahl (:Dist / 0,002)*20000)
  zeichne :xo :yo :Farb :Grösse
]
wennfalsch zeichne :xo :yo schwarz :Grösse
  setze "xo :xo + :hinzugebe
]
  setze "yo :yo + :hinzugebe
]
setze "i Zeit
setze "Uhr2 Element :l 1
setze "min2 Element :l 2
setze "sec2 Element :l 3
setze "milli2 Element :l 4
prüfe ( :milli2 < :milli1 )
wennwahr [
  setze "dmilli ( 1000 - :milli1 ) + :milli2
  setze "dsec 1
]
wennfalsch [
  setze "dmilli :milli2 - :milli1
  setze "dsec 0
]
prüfe ( :sec2 < :sec1 )
wennwahr [
  setze "dsec :dsec + (( 60 - :sec1 ) + :sec2 )
  setze "dmin 1
]

```

```

wennfalsch [
    setze "dsec :dsec + (:sec2 - :sec1 )
    setze "dmin 0
]
prüfe ( :min2 < :min1)
wennwahr [
    setze "dmin :dmin + (( 60 - :min1) + :min2 )
    setze "dUhr 1
]
wennfalsch [
    setze "dmin :dmin + (:min2 - :min1 )
    setze "dUhr 0
]
setze "dUhr :dUhr + ( :Uhr2 - :Uhr1 )
setze "l satz satz satz satz satz satz satz :dUhr [ Uhr ] :dmin [ Minuten ] :dsec [ Sekunden ] :dmilli [ milli-Sekunden.]
schreiblinie liste [ Berechnung, die durchgeführt wurde, in: ] :l
ende

```

### Mandelbrot

//

Die Gesamtheit Mandelbrot ist die Darstellung im komplexen Plan der folgenden Funktion:

$$Z_n = (Z_{n-1})^2 + c$$

wo ist c ein konstanter Punkt des komplexen Plans ( $c = x + iy$ ), und wo  $Z_0 = 0$ .

Man wählt einen Punkt im komplexen Plan, und man wendet ihm den weiter oben genannten Algorithmus an; man hat dann:

$$\begin{aligned}
 Z_0 &= (0)^2 + c \\
 Z_1 &= (Z_0)^2 + c = (0)^2 + c \\
 Z_2 &= (Z_1)^2 + c \\
 Z_3 &= (Z_2)^2 + c \\
 Z_4 &= \dots \\
 Z_n &= (Z_{n-1})^2 + c
 \end{aligned}$$

Wenn für ein bestimmtes c die Funktion konvergiert, wenn n in Richtung des unendlichen dann spannt man sagen, daß die Zahl c zur Gesamtheit Mandelbrot gehöre.

Man wird  $Z_c$  die Flugbahn für c nennen, das heißt das Verhalten  $Z_n$  mit einem bestimmten c. Somit stellen die Punkte in schwarz über die Darstellung die komplexen Zahlen dar, die zur Gesamtheit Mandelbrot gehören, das heißt die Zahlen c wie  $Z_c$  spannt nicht von in Richtung des unendlichen, wenn n in Richtung des unendlichen spannt. Für alle Punkte in Farbe spannt  $Z_n$  in Richtung des unendlichen, wenn n bis ins Endlose ist. Die Farbe der Punkte stellt nur die Anzahl der notwendigen Wiederholungen dar, bevor man gewährleistet wird, daß  $Z_c$  abweicht.

Man weiß, daß, wenn  $|Z_n| = 2$  für ein bestimmtes n dann ist es unmöglich, daß  $Z_c$  ins Zentrum konvergiert. Die Farbe stellt dar, welches n  $|Z_c| = 2$ . Es ist also zu sagen, daß die Punkte in rot die komplexen Zahlen c darstellen, für die die Bedingung  $|Z_c| = 2$  wird schnell erreicht (i.e n ist klein).

Die Gesamtheit Mandelbrot könnte nur in zwei Farben dargestellt werden. Allerdings benutzt man davon andere, um die Flugbahnen  $Z_n$  um die Gesamtheit zu beobachten, und um eine bessere Idee der Geschwindigkeit zu haben, mit der  $Z_c$  abweicht.

Man kann sich auch fragen, weswegen Mandelbrot so sehr Energie die Flugbahn von  $Z_0$  sichtlich widmete, auszudrücken = 0. In der Tat ist diese Flugbahn speziell, und es wird bewiesen, daß sie Auswirkungen im Verhalten der anderen Flugbahnen hat.

//