

lerne Mandelbrot

bild löschttext beschleunige freimacht verstecktigel

```
setze "Farben [ weiss grün gelb rot orange linde pink sarcelle braun rosa violett gelb grau schwarz  
blau olivefarbe ]
```

```
setze "k 100
```

```
setze "e -2,5 setze "f -3 setze "g 2,5 setze "h 3
```

```
wiederhole 320 [
```

```
    setze "b1 whzahl
```

```
    wiederhole 100 [
```

```
        setze "x :e + ((( :g - :e ) * :b1 ) / 320 )
```

```
        setze "y :f + ((( :h - :f ) * whzahl ) / 200 )
```

```
        setze "t 0 setze "u 0 setze "v 0 setze "n 0
```

```
        solange ((( ( potenz :u 2 ) + ( potenz :v 2 ) ) < 4 ) und
```

```
        ( verschieden? :n :k )) [
```

```
            setze "z ( potenz :u 2 ) - ( potenz :v 2 ) + :x
```

```
            setze "w ( 2 * :u * :v ) + :y
```

```
            setze "u :z setze "v :w
```

```
            setze "t :t + 1
```

```
            wenn :t = 16 setze "t 1 setze "n :n + 1
```

```
        ]
```

```
    wenn :n = :k setze "t 6
```

```
    fi element :Farben :t
```

```
    Segment [:b1 -160 (whzahl -50)*1,6] [:b1 -160 (whzahl -51)*1,6]
```

```
    Segment [:b1 -160 (149-whzahl)*1,6] [:b1 -160 (148-whzahl)*1,6]
```

```
    ]
```

```
]
```

```
ende
```

Mandelbrot

```
//
```

Die Gesamtheit Mandelbrot ist die Darstellung im komplexen Plan der folgenden Funktion:

$$Z_n = (Z_{n-1})^2 + c$$

wo ist c ein konstanter Punkt des komplexen Plans ($c = x + iy$), und wo $Z_0 = 0$.

Man wählt einen Punkt im komplexen Plan, und man wendet ihm den weiter oben genannten Algorithmus an; man hat dann:

$$Z_0 = 0^2 + c$$

$$Z_1 = (Z_0)^2 + c = (0)^2 + c$$

$$Z_2 = (Z_1)^2 + c$$

$$Z_3 = (Z_2)^2 + c$$

$$Z_4 = \dots$$

$$Z_n = (Z_{n-1})^2 + c$$

Wenn für ein bestimmtes c die Funktion konvergiert, wenn n in Richtung des unendlichen dann spannt man sagen, daß die Zahl c zur Gesamtheit Mandelbrot gehöre.

Man wird Z_c die Flugbahn für c nennen, das heißt das Verhalten Z_n mit einem bestimmten c .

Somit stellen die Punkte in schwarz über die Darstellung die komplexen Zahlen dar, die zur Gesamtheit Mandelbrot gehören, das heißt die Zahlen c wie Z_c spannt nicht von in Richtung des unendlichen, wenn n in Richtung des unendlichen spannt. Für alle Punkte in Farbe spannt Z_n in Richtung des unendlichen, wenn n bis ins Endlose ist. Die Farbe der Punkte stellt nur die Anzahl der notwendigen Wiederholungen dar, bevor man gewährleistet wird, daß Z_c abweicht.

Man weiß, daß, wenn $|Z_n| = 2$ für ein bestimmtes n dann ist es unmöglich, daß Z_c ins Zentrum konvergiert. Die Farbe stellt dar, welches n $|Z_c| = 2$. Es ist also zu sagen, daß die Punkte in rot die komplexen Zahlen c darstellen, für die die Bedingung $|Z_c| = 2$ schnell erreicht (i.e. n ist klein).

Die Gesamtheit Mandelbrot könnte nur in zwei Farben dargestellt werden. Allerdings benutzt man davon andere, um die Flugbahnen Z_n um die Gesamtheit zu beobachten, und um eine bessere Idee der Geschwindigkeit zu haben, mit der Z_c abweicht.

Man kann sich auch fragen, weswegen Mandelbrot so sehr Energie die Flugbahn von Z_0 sichtlich widmete, auszudrücken = 0. In der Tat ist diese Flugbahn speziell, und es wird bewiesen, daß sie Auswirkungen im Verhalten der anderen Flugbahnen hat.

```
//
```